Università di Torino, Corso di Laurea in CTF, A.A. 2014-15	MATEMATICA: Prova scritta relativa alla parte di Analisi Matematica	01 Luglio 2015
COGNOME:		
NOME:		
MATRICOLA:		

Indicare quali delle seguenti affermazioni sono vere e quali false crocettando la corrispondente casella:

Es.1 Sia $f(x) = \frac{\cos x}{x}$, allora:

(a)
$$\forall \epsilon > 0, \exists \delta > 0, \forall x \in \mathbb{R} \mid 0 < |x| < \delta \Longrightarrow |1 - f(x)| < \epsilon$$

(b) vera faisa
$$\forall M > 0, \exists \delta > 0, \forall x \in \mathbb{R} \mid -\delta < x < 0 \Longrightarrow f(x) > -M$$

Es.2

(a) vera falsa La funzione
$$f(x) = \sqrt{x^2 + \log(x^2)}$$
 ha asintolo obliquo $y = x + 1$ per $x \to +\infty$;

(b) vera falsa La funzione
$$f(x) = 2^{-x^2} - e^{-x^2}$$
 è maggiore o uguale a zero per ogni $x \in \mathbb{R}$.

Es.3 Un farmaco viene somministrato giornalmente in dosi da 50gr. Il fattore di smaltimento giornaliero è del 25%.

(a) vera falsa Dopo 14 giorni la quantità di farmaco presente nell'organismo è
$$(1-(3/4)^{15}) \times 200$$
 gr.

(b) vera fasa Se dopo n giorni di somministrazione la dose di farmaco presente nell'organismo è C_n allora dopo 2n giorni sarà $2C_n$ (ovvero se raddoppia il periodo di trattamento, allora raddoppia la dose presente al termine del trattamento).

Es.4

(a) vera falsa
$$\int_{1}^{e} \log^{2}(x) dx = \int_{1}^{0} t^{2} e^{t} dt$$
.

(b) vera falsa
$$\int_{2}^{+\infty} \frac{1}{x + \log x} dx$$
 è convergente

Es.5

(a) vera fasa
$$\lim_{x\to+\infty} \frac{x^2 - x\sin(x^2)}{2 + x^2} = 2$$
.

(b) vera fasa
$$\lim_{x\to\pi/2} \frac{1-\sin x}{(x-\pi/2)\cos x} = -1$$
.

Es.6 Sia y = y(t) la numerosità di una popolazione in funzione del tempo t.

- (a) vera falsa Se la legge di evoluzione è y' = ky, con k > 0, allora la numerosità iniziale y(0) viene moltiplicata per un fattore e^k ad ogni unità di tempo.
- (b) vera fasa Se il rapporto tra tasso di crescita y'(t) e numerosità y(t) è una costante α , allora la legge di evoluzione della popolazione è $y = e^{\alpha}t$.

Es.7

- (a) vera falsa $\sum_{n=0}^{+\infty} (\sin(2x))^n = \frac{1}{1-\sin(2x)}$, se e solo se $x \neq 0$.
- (b) vera falsa La retta tangente al grafico della funzione $y = \log(1+x^2)$ nel punto x = 2 e' $y = \frac{4}{5}(x-2)$.

Es.8 Una popolazione batterica y = y(t) segue la legge di evoluzione $y = e^{at}$ con a > 0.

- (a) vera falsa La popolazione è : in decrescita se 0 < a < 1, in crescita se a > 1, stabile se a = 1.
- (b) vera falsa Sia $y = 5e^{-2t}$ la numerosità di una popolazione in funzione del tempo t, allora essa soddisfa al problema di Cauchy $y' = 5y, \ y(0) = 5$.

Valutazione: +2 punti ogni risposta corretta, -1 punto ogni risposta errata, 0 punti ogni risposta non data.