

Esempi su ordinamento (vedere la dispensa “Il piccolo e il grande”)

Questi esempi sono proposti al fine di comprendere meglio i diversi metodi (“algoritmi”) di ordinamento presentati nella dispensa. Essi sono:

- selection sort (o “ordinamento per selezione”)
- quicksort (o “ordinamento veloce”)
- insertion sort (o “ordinamento per inserimento”)
- bubble sort (o “ordinamento a bolle”)
- mergesort (o “ordinamento per fusione”)

i) Indicare i passaggi attraverso cui viene ordinata **in ordine alfabetico crescente** la seguente lista di animali, usando un **ordinamento per selezione**:

Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Rappresentiamo i passaggi dell'ordinamento per selezione dividendo l'elenco in due parti: quella ordinata e quella ancora da ordinare. All'inizio tutti gli elementi sono nella parte da ordinare; alla fine saranno tutti in quella ordinata.

*Indichiamo inoltre in **grassetto sottolineato** il “prossimo elemento” che prenderemo dalla parte non ordinata per spostarlo nella parte ordinata.*

Parte da ordinare	Parte ordinata
Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	–
<i>Nota: nell'ordinamento per selezione il “prossimo” elemento dell'elenco è sempre il più “piccolo” secondo il criterio prescelto, nel nostro caso l'ordine alfabetico crescente.</i>	
Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo	Acromantula
Drago - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo	Acromantula - Basilisco
Drago - Unicorno - Ippogrifo - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro
Unicorno - Ippogrifo - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago
Unicorno - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo
Unicorno - Snaso - Thestral - Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro
Unicorno - Thestral - Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso

Unicorno - Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral
Vermicolo	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno
–	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo

ii) ora indicare i passaggi per ordinare la medesima lista, sempre in ordine alfabetico crescente, usando un **ordinamento per inserzione**.

Anche in questo caso, rappresentiamo i passaggi dell'ordinamento per inserzione dividendo l'elenco in due parti: quella ordinata e quella ancora da ordinare. All'inizio tutti gli elementi sono nella parte da ordinare; alla fine saranno tutti in quella ordinata.

Il "prossimo elemento" che prendiamo dalla parte non ordinata per spostarlo nella parte ordinata, in questo caso, è sempre il primo, e lo evidenziamo in grassetto. Indichiamo inoltre con l'evidenziatore giallo il punto in cui andrà inserito, e con il corsivo il nuovo elemento appena inserito nella parte ordinata.

Parte da ordinare	Parte ordinata
Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	–
Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– <i>Drago</i> –
<i>Nella colonna di destra "Basilisco" è in grassetto perché è il prossimo elemento che dovremo considerare. Nella colonna di sinistra abbiamo evidenziato in giallo il trattino prima di "Drago" perché è qui che "Basilisco" andrà inserito, essendo che precede Drago nell'ordine. "Drago" è a sua volta in corsivo perché è l'ultimo aggiunto nella parte ordinata.</i>	
Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – <i>Drago</i> –
Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – <i>Drago</i> – Unicorno –
<i>Nella colonna di destra abbiamo evidenziato in giallo il trattino fra "Drago" e "Unicorno" perché è qui che "Ippogrifo" andrà inserito...</i>	
Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – <i>Drago</i> – Ippogrifo – Unicorno –
Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – <i>Centauro</i> – <i>Drago</i> – Ippogrifo – Unicorno –
Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – <i>Centauro</i> – <i>Drago</i> – Ippogrifo – <i>Snaso</i> – Unicorno –

Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – Centauro – Drago – Ippogrifo – Snaso – <i>Thestral</i> – Unicorno –
Vermicolo - Acromantula	– Basilisco – Centauro – Drago – Ippogrifo – <i>Lupo mannaro</i> – Snaso – <i>Thestral</i> – Unicorno –
Acromantula	– Basilisco – Centauro – Drago – Ippogrifo – Lupo mannaro – Snaso – <i>Thestral</i> – Unicorno – <i>Vermicolo</i> –
	– <i>Acromantula</i> – Basilisco – Centauro – Drago – Ippogrifo – Lupo mannaro – Snaso – <i>Thestral</i> – Unicorno – Vermicolo –

iii) indichiamo ora i passaggi usando un ordinamento **quicksort**

In questo caso non ci basta una suddivisione in soli due gruppi. Dovremo per ogni passaggio evidenziare su quale sottoinsieme di oggetti stiamo lavorando, e qual è l'elemento che abbiamo selezionato all'interno di quel sottoinsieme. All'inizio lavoriamo sull'elenco intero. Possiamo scegliere all'interno dell'insieme selezionato un elemento a caso; visto che una strategia vale l'altra, sceglieremo **l'ultimo**.

Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Evidenziamo in giallo il sottoinsieme di lavoro (in questo caso tutto l'elenco) e in grassetto sottolineato l'elemento che scegliamo per proseguire (abbiamo detto l'ultimo, quindi "Acromantula"). Il passaggio successivo del quicksort consiste nel dividere l'elenco evidenziato in tre gruppi: al centro l'elemento selezionato che fa da "cardine", a sinistra gli elementi più piccoli di lui, a destra quelli più grandi (nello stesso ordine in cui li incontriamo).

–	<u>Acromantula</u>	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo
---	---------------------------	---

Questo è un caso un po' particolare (ma può capitare): l'elemento scelto è il più piccolo di tutti, quindi l'elenco degli elementi più piccoli di lui è vuoto! Ora dobbiamo di nuovo scegliere il sottoinsieme su cui lavorare (facile, ce n'è uno solo: quello a destra) e un elemento "cardine" (ci siamo riproposti di scegliere l'ultimo e quindi continuiamo così):

–	Acromantula	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - <u>Vermicolo</u>
---	-------------	---

Ora suddividiamo di nuovo in tre il sottoinsieme selezionato (curando di tenere tutto il resto della tabella là dove stava, per chiarezza questa parte "bloccata" la coloriamo di grigio). Anche in questo caso la suddivisione porterà l'elemento cardine al centro, alla sua sinistra gli elementi più piccoli (sempre solo facenti parte del gruppo evidenziato!) e alla sua destra quelli più grandi. Nota: dallo schema sotto abbiamo tolto la casella vuota che si trovava all'estremo sinistro e che non serve a nulla.

Acromantula	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro	<u>Vermicolo</u>	–
-------------	---	-------------------------	---

Siamo caduti di nuovo in un caso particolare! Questa volta l'elemento cardine è il più grande di tutti quindi non c'è niente alla sua destra...

Per proseguire, selezioniamo un nuovo insieme di lavoro e un nuovo cardine al suo interno.

Acromantula	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro	Vermicolo	–
-------------	--	-----------	---

Procediamo con la suddivisione dell'insieme di lavoro in due gruppi, ricordando che tutto il resto deve rimanere bloccato lì dov'è e che possiamo eliminare le caselle rimaste vuote.

Acromantula	Drago - Basilisco - Ippogrifo - Centauro	Lupo mannaro	Unicorno - Snaso - Thestral	Vermicolo
-------------	--	---------------------	-----------------------------	-----------

Di nuovo scegliamo un sottoinsieme su cui lavorare, e un elemento cardine al suo interno. Ricordiamo che l'ordinamento sarà finito quando in ogni casella ci sarà un elemento solo! Quando una casella contiene un elemento solo, possiamo considerarla bloccata.

Acromantula	Drago - Basilisco - Ippogrifo - Centauro	Lupo mannaro	Unicorno - Snaso - Thestral	Vermicolo
-------------	---	---------------------	-----------------------------	-----------

Acromantula	Basilisco	Centauro	Drago - Ippogrifo	Lupo mannaro	Unicorno - Snaso - Thestral	Vermicolo
-------------	-----------	-----------------	-------------------	--------------	-----------------------------	-----------

Notiamo che in questo passaggio non solo il nostro cardine, ossia "Centauro", resterà bloccato, ma anche "Basilisco" alla sua sinistra, che è rimasto solo nella sua casella.

Proseguiamo ora senza più troppi commenti...

Acromantula	Basilisco	Centauro	Drago - Ippogrifo	Lupo mannaro	Unicorno - Snaso - Thestral	Vermicolo
-------------	-----------	----------	--------------------------	--------------	-----------------------------	-----------

Acromantula	Basilisco	Centauro	Drago	Ippogrifo	–	Lupo mannaro	Unicorno - Snaso - Thestral	Vermicolo
-------------	-----------	----------	-------	------------------	---	--------------	-----------------------------	-----------

Ora è rimasto solo un sottoinsieme su cui lavorare...

Acromantula	Basilisco	Centauro	Drago	Ippogrifo	Lupo mannaro	Unicorno - Snaso - Thestral	Vermicolo
-------------	-----------	----------	-------	-----------	--------------	------------------------------------	-----------

Acromantula	Basilisco	Centauro	Drago	Ippogrifo	Lupo mannaro	Snaso	Thestral	Unicorno	Vermicolo
-------------	-----------	----------	-------	-----------	--------------	-------	-----------------	----------	-----------

Siamo arrivati alla fine: tutte le nostre caselle contengono un elemento solo, e gli elementi sono nell'ordine corretto.

Acromantula	Basilisco	Centauro	Drago	Ippogrifo	Lupo mannaro	Snaso	Thestral	Unicorno	Vermicolo
-------------	-----------	----------	-------	-----------	--------------	-------	----------	----------	-----------

iv) vediamo ora come poter descrivere i passaggi con l'ordinamento **mergesort**

Mergesort prevede di dividere inizialmente l'elenco in due. Il nostro elenco ha 10 elementi quindi creiamo due gruppi da cinque:

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro	Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
---	---	---

Ora il trucco consiste nell'usare la stessa procedura per ordinare ciascuno dei gruppi ottenuti

Iniziamo dal primo. Seguendo le istruzioni di mergesort dobbiamo dividerlo in due. Siccome è costituito da un numero dispari di elementi (5), lo dividiamo in un gruppo da 3 e uno da 2

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro		Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Drago - Basilisco - Unicorno	Ippogrifo - Centauro	

La colonna di sinistra indica il livello dei sottogruppi, avremo dunque dei gruppi più grandi di livello 1, dei sottogruppi di livello 2, e così via.

Di nuovo, usiamo la stessa procedura di mergesort per ordinare ciascuno dei sottogruppi di livello 2. Iniziamo dal primo, che dobbiamo dividere a metà. Anche in questo caso ha un numero dispari di elementi (3), quindi lo divideremo in un sotto-sottogruppo da 2 e un sotto-sottogruppo da 1.

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro		Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Drago - Basilisco - Unicorno	Ippogrifo - Centauro	
3	Drago - Basilisco	Unicorno	

Dei due sotto-sottogruppi di livello 3 generati, il secondo ha un solo elemento, quindi non richiede di essere ordinato. Operiamo invece sul primo, ripetendo la procedura di mergesort, ossia dividendolo in due. Otteniamo due sotto-sotto-sottogruppi di livello 4, formati da un solo elemento:

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro		Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Drago - Basilisco - Unicorno	Ippogrifo - Centauro	
3	Drago - Basilisco	Unicorno	
4	Drago	Basilisco	

Quando arriviamo ad ottenere solo sottogruppi da un elemento, possiamo iniziare a risalire. La risalita prevede di "fondere insieme" i due sottogruppi ottenuti questa volta però mantenendo l'ordine, con la consapevolezza che fondere insieme due sottogruppi già ordinati è più semplice che ricreare l'ordine da zero (questa è la tecnica del *divide et impera*: risolvere prima il problema su parti più piccole del totale, e poi combinare i risultati; naturalmente funziona solo se combinare i risultati ottenuti sulle parti è

effettivamente più semplice che lavorare direttamente sul tutto). Nel risalire evidenziamo le parti già fuse in azzurro, per distinguerle da quelle gialle che invece sono state “divise” ma non ancora ricombinate.

Quindi nel fondere nuovamente insieme i due elementi “Drago” e “Basilisco” curiamo di metterli nell’ordine giusto (in fondo, su due soli elementi è facile...)

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro			Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Drago - Basilisco - Unicorno		Ippogrifo - Centauro	
3	Basilisco - Drago	Unicorno		
4	Drago	Basilisco		

Ora possiamo risalire dal livello 3 al livello 2, perché abbiamo da un lato un sotto-sottogruppo già ordinato, e dall’altro un elemento singolo. Sarà sufficiente, per ottenere la fusione, mettere l’elemento singolo al posto giusto.

(Ndr: coloriamo in grigio quei gruppi, o elementi singoli, che essendo già stati trattati non servono più).

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro			Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Basilisco - Drago - Unicorno		Ippogrifo - Centauro	
3	Basilisco - Drago	Unicorno		
4	Drago	Basilisco		

Non possiamo ancora fondere i due sottogruppi di livello 2 perché il secondo non è ancora ordinato, quindi andiamo a lavorare appunto sul secondo sottogruppo, procedendo con la fase di “suddivisione”:

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro			Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Basilisco - Drago - Unicorno		Ippogrifo - Centauro	
3	Basilisco - Drago	Unicorno	Ippogrifo	Centauro
4	Drago	Basilisco		

Questa suddivisione ci ha portato a due elementi singoli (a livello 3), quindi possiamo procedere con la fusione di questi due, di nuovo curando di ordinarli uno rispetto all’altro.

1	Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro			Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2	Basilisco - Drago - Unicorno		Centauro - Ippogrifo	
3	Basilisco - Drago	Unicorno	Ippogrifo	Centauro
4	Drago	Basilisco		

Ora osserviamo che i due sottogruppi di livello 2 sono entrambi fusi e dunque ordinati. Possiamo pertanto procedere alla loro fusione in un gruppo di livello 1.

Come si esegue una fusione di due elenchi ordinati?

Si guarda sempre il primo elemento dei due elenchi (in grassetto). Si prende poi il più piccolo dei due (sottolineato) e lo si sposta nell'elenco risultante

Basilisco - Drago - Unicorno	Centauro - Ippogrifo	→	Basilisco
Drago - Unicorno	Centauro - Ippogrifo	→	Basilisco - Centauro
Drago - Unicorno	Ippogrifo	→	Basilisco - Centauro - Drago
Unicorno	Ippogrifo	→	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo
Unicorno		→	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno

Completata la fusione fra i due sottogruppi di livello 2, ecco il punto a cui siamo nel nostro lavoro:

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno				Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula
2					
3					
4					

Abbiamo cancellato il contenuto delle caselle grigie, perché non ci serve più.

Dobbiamo invece lavorare interamente sul gruppo di destra, al quale dobbiamo applicare la fase di suddivisione in due:

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno				Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	
2					Snaso - Thestral - Lupo mannaro	Vermicolo - Acromantula
3						
4						

Procediamo ora con le fasi successive senza troppi commenti (procedimento analogo a quanto già visto):

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno				Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula	
2					Snaso - Thestral - Lupo mannaro	Vermicolo - Acromantula
3					Snaso - Thestral	Lupo mannaro
4						

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula			
2		Snaso - Thestral - Lupo mannaro		Vermicolo - Acromantula	
3		Snaso - Thestral	Lupo mannaro		
4		Snaso	Thestral		

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula			
2		Snaso - Thestral - Lupo mannaro		Vermicolo - Acromantula	
3		Snaso - Thestral	Lupo mannaro		
4		Snaso	Thestral		

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula			
2		Lupo mannaro - Snaso - Thestral		Vermicolo - Acromantula	
3		Snaso - Thestral	Lupo mannaro		
4		Snaso	Thestral		

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula			
2		Lupo mannaro - Snaso - Thestral		Vermicolo - Acromantula	
3		Snaso - Thestral	Lupo mannaro	Vermicolo	Acromantula
4		Snaso	Thestral		

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula			
2		Lupo mannaro - Snaso - Thestral		Acromantula - Vermicolo	
3		Snaso - Thestral	Lupo mannaro	Vermicolo	Acromantula
4		Snaso	Thestral		

Per fondere i due sottogruppi di livello 2 usiamo il sistema visto in precedenza:

Lupo mannaro - Snaso - Thestral	Acromantula - Vermicolo	→	Acromantula
Lupo mannaro - Snaso - Thestral	Vermicolo	→	Acromantula - Lupo mannaro

<u>Snaso</u> - Thestral	Vermicolo	→	Acromantula - Lupo mannaro - Snaso
<u>Thestral</u>	Vermicolo	→	Acromantula - Lupo mannaro - Snaso - Thestral
	<u>Vermicolo</u>	→	Acromantula - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo

Otteniamo quindi:

1	Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno				Acromantula - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo			
2								
3								
4								

Ora non ci resta che fondere i due gruppi di livello 1 in un elenco unico. Procediamo col metodo di fusione:

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	<u>Acromantula</u> - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula
<u>Basilisco</u> - Centauro - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco
<u>Centauro</u> - Drago - Ippogrifo - Unicorno	Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro
<u>Drago</u> - Ippogrifo - Unicorno	Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago
<u>Ippogrifo</u> - Unicorno	Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo
Unicorno	Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro
Unicorno	<u>Snaso</u> - Thestral - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso
Unicorno	<u>Thestral</u> - Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral
<u>Unicorno</u>	Vermicolo	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno

	<u>Vermicolo</u>	→	Acromantula - Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo
--	-------------------------	---	--

v) lasciamo per ultimo l'ordinamento **bubble sort**, che come vedremo richiede moltissimi passaggi "semplici"

Il bubble sort agisce ogni volta su una coppia di elementi, scambiandoli se quello a destra è "più piccolo" di quello alla sua sinistra. Per mostrare i passaggi dunque evidenzieremo di volta in volta la coppia che stiamo esaminando, in giallo se è "problematica", in verde se è "ok". Se è gialla al passo successivo vedremo i due elementi scambiati, se è verde resteranno come sono. Non c'è un ordine particolare in cui guardare le coppie (per cui procederemo da sinistra verso destra) e si va avanti finché ci sono due elementi vicini da scambiare.

Drago - Basilisco - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - **Drago** - Unicorno - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Basilisco - **Drago - Unicorno** - Ippogrifo - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

TUTTO OK!

Basilisco - Drago - **Unicorno - Ippogrifo** - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - **Ippogrifo - Unicorno** - Centauro - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Basilisco - Drago - Ippogrifo - **Unicorno - Centauro** - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Ippogrifo - **Centauro - Unicorno** - Snaso - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - **Unicorno - Snaso** - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - **Snaso - Unicorno** - Thestral - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - **Unicorno - Thestral** - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - *Unicorno* - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - **Unicorno - Lupo mannaro** - Vermicolo - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - *Lupo mannaro* - *Unicorno* - Vermicolo - Acromantula

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - **Unicorno - Vermicolo** - Acromantula

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - *Vermicolo* - *Unicorno* - Acromantula

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - **Unicorno - Acromantula**

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - *Acromantula* - *Unicorno*

A questo punto siamo arrivati al fondo; ricominciamo dunque da sinistra.

Basilisco - Drago - Ippogrifo - Centauro - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

TUTTO OK!

Basilisco - **Drago - Ippogrifo** - Centauro - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

TUTTO OK!

Basilisco - Drago - **Ippogrifo - Centauro** - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - *Centauro* - *Ippogrifo* - Snaso - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

Basilisco - Drago - Centauro - **Ippogrifo - Snaso** - *Thestral* - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

TUTTO OK!

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - **Snaso - Thestral** - Lupo mannaro - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

TUTTO OK!

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - **Thestral - Lupo mannaro** - Vermicolo - Acromantula - Unicorno
SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - *Lupo mannaro* - *Thestral* - Vermicolo - Acromantula - Unicorno

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - **Thestral - Vermicolo** - Acromantula - Unicorno

TUTTO OK!

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - **Vermicolo - Acromantula** - Unicorno

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - *Acromantula* - *Vermicolo* - Unicorno

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - Acromantula - **Vermicolo - Unicorno**

SCAMBIO!

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - Acromantula - *Unicorno* - *Vermicolo*

...siamo di nuovo arrivati al fondo e dobbiamo ricominciare da sinistra... come noterete il bubble sort è molto semplice ma molto lungo... per accorciare un po' ometteremo le scritte "TUTTO OK" e "SCAMBIO" che sono implicite nel colore scelto per evidenziare la coppia, e compatteremo un po' i passaggi...

Basilisco - Drago - Centauro - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - Acromantula - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - **Drago - Centauro** - Ippogrifo - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - Acromantula - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - *Centauro* - **Drago - Ippogrifo** - Snaso - Lupo mannaro - Thestral - Acromantula - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - **Ippogrifo - Snaso** - Lupo mannaro - Thestral - Acromantula - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - **Snaso - Lupo mannaro** - Thestral - Acromantula - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - *Lupo mannaro* - **Snaso - Thestral** - Acromantula - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - **Thestral - Acromantula** - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - *Acromantula* - **Thestral - Unicorno** - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Acromantula - Thestral - **Unicorno - Vermicolo**

...ed eccoci alla fine di un'altra "passata". Nel seguito accorciamo ancora un po' (tanto avete capito come funziona) concentrandoci solo sulle coppie "fuori posto"; tanto più che come vedremo ce ne sarà sempre solo una in tutto l'elenco, fino a che non avremo a forza di scambi portato "Acromantula" in prima posizione.

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - **Snaso - Acromantula** - Thestral - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - Ippogrifo - **Lupo mannaro - Acromantula** - *Snaso* - Thestral - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - Drago - **Ippogrifo - Acromantula** - *Lupo mannaro* - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Centauro - **Drago - Acromantula** - *Ippogrifo* - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - **Centauro - Acromantula** - *Drago* - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo

Basilisco - Acromantula - *Centauro* - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo

Acromantula - *Basilisco* - Centauro - Drago - Ippogrifo - Lupo mannaro - Snaso - Thestral - Unicorno - Vermicolo

...et voilà!